

図2 積雪層内の液体水の収支

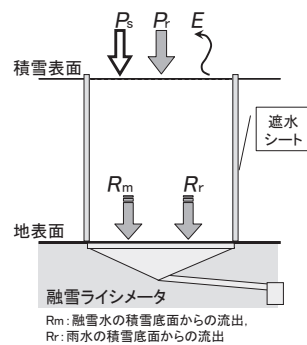


図3 エンクローズ・タイプの融雪ライシメータ

2008/09冬季観測での不具合は、融雪ライシメータ受水部直下の枡部分が空洞となるため、受水部直上の積雪層からの融雪水が鉛直浸透流出せずに、毛管吸引などにより受水部周辺の積雪層や地表面へ不飽和流出する現象が卓越して、融雪水が適切に捕捉できなかつた ( $A_{in} < A_{out}$ ) ためと推察される。特に、不飽和状態である融雪初期から重力排水の起こる融雪最盛期が始まるまでの期間に、全体の5割程度の融雪水が捕捉できなかつたと思われる。

このような原因の推察に基づいて、2009/10冬季観測では、図3のように遮水シートで観測対象をエンクローズ（閉じる）処置を試行した。この処置により、エンクローズ・ライシメータ<sup>1)</sup>として、 $A_{in} = A_{out}$ の条件を満たすことが概念上可能となる。実際にエンクローズ処置試行後となる2009/10冬季観測の融雪ライシメータ計測出力値は損出が格段に減少したことが確認でき、融雪ライシメータの出力値を実測値として使用することとした。

### 2.3 熱量計測のための簡易なセンサーの開発

融雪は、日射や降雨からの熱量で生じる現象である。融雪を起こす熱量に関しては、積雪表面での熱収支から融解熱量を求める熱収支法を用いて、

$$Q_M = Q_R + Q_H + Q_L + Q_P + Q_C \quad \dots (1)$$

ここで、 $Q_M$ : 融解熱量、 $Q_R$ : 正味放射量、 $Q_H$ : 顕熱伝達量、 $Q_L$ : 潜熱伝達量、 $Q_P$ : 雨からの伝達熱量、 $Q_C$ : 雪中熱伝達量で求められる。この熱収支法から融雪水量を推定する方法は雪水学の分野で従来から良く活用されているが、多くの気象要素を観測値入力として要求することがこの理論を活用するうえでの課題となる。

そこで、日射と気温の両方を1つの出力値で代表させるような簡易なセンサーの開発を試みた。これは温度測定用の汎用センサーである白金抵抗測温体 (Pt100) を感知部に使用して、ガラス管のカバーを取付けたり、ガラス管内部やPt100感知部を塗装したりする処理を施したもので、融雪熱量温度計と名付けている<sup>2)</sup>。塗装は熱量の吸収率を変化させるために、また、カバー取付は外環境（風や付着雨滴の

蒸発) による熱損失を防ぐための処理で、数種類の組み合わせを考案した。2008/09冬季に試作品を作成して試験的計測をおこない、従来から研究に使用されている放射収支計から算出される融雪熱量と比較して、良好な相関関係を確認した (図4)。

2009/10冬季には、試作した融雪熱量温度計の加工の種類を減らして、より効果的に融雪推定を可能にする感知部のみに限定した融雪熱量温度計プロトタイプを作成した (図5)。ここでは、ガラス管カバーを取付けたものを融雪熱量温度計 (透明)、Pt100の感知部を直接黒く塗ってからガラス管カバーを取付けたものを融雪熱量温度計 (黒塗) として、融雪水量推定解析の入力値として適用している。

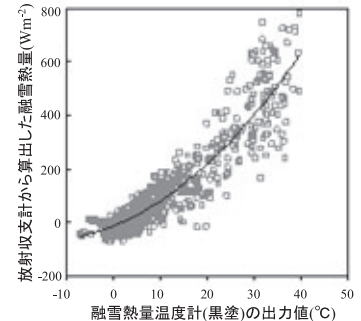


図4 融雪熱量と融雪熱量温度計(黒塗)との比較



図5 融雪熱量温度計プロトタイプ

## 3. 積雪底面流出量の推定

物理的手法および統計的手法それぞれ2つずつの推定モデルに基づいて積雪底面流出量の推定を行った。

### 3.1 熱収支法に基づいた物理モデル

#### 3.1.1 モデルの構成

積雪融雪の熱収支に基づいた物理理論に則した推定法では、積雪表面で外環境からの熱量流入によって融解する融雪量を推定する表面融雪モデルと、その表面融雪水が積雪層内を浸透して積雪底面 (=地表面) まで到達することを表現する浸透モデルの2段階で構成した<sup>3)</sup>。

表面融雪モデルとして2つのモデルを構築した。1つは、気温や日射量を入力とするTemperature & Radiation Index Model (以降、RTモデル) であり、もう1つは、前述2.3で開発した融雪熱量温度計 (黒塗) の出力値を放射量の代わりに使用する融雪熱量温度計モデルである。次の段階となる浸透モデルについては共通のモデルとした。

#### 3.1.2 RTモデル

気温と放射量を入力値とするRTモデルでは、熱収支法としてKonyaら<sup>4)</sup>の提案式を採用し、融解熱量 ( $Q_M$ ) による表面融雪量:  $M$ は、 $T$ : 気温 (°C) と $K$ : 全日射量 ( $Wcm^2$ ) より、



$$M = aT + bK + c \quad \dots (2)$$

で算出される。観測データを用いて、前出式 (1) の融雪熱量 ( $Q_M$ ) を融解の潜熱 ( $l=0.334 \times 10^6 \text{Jkg}^{-1}$ ) で除した融雪量 ( $M'$ ) を求め、 $M'$  に対する重回帰分析を行った。その結果、 $a=0.3843$ ,  $b=10.037$ ,  $c=-26.427$ を得た。

### 3.1.3 融雪熱量温度計モデル

RTモデルで採用したKonya<sup>9)</sup>らの提案式を使用して、前章2.3の融雪熱量温度計による計測値を入力値とした場合の融雪熱量温度計モデルの推定式を、

$$M = a'x_b^2 + b'x_b + c' \quad \dots (2)$$

$x_b$ : 融雪熱量温度計(黒塗)の計測出力値(°C)、係数: $a', b', c'$ とする2次多項式と設定した。前節3.1.2と同様に $M'$ に対する重回帰分析によって係数を求め、 $a'=0.231$ ,  $b'=7.0$ ,  $c'=-14.3$ となった。

### 3.1.4 積雪層浸透モデル

積雪層表面での融雪水および降雨による雨水が積雪層内部を下方浸透して積雪底面流出となるモデルとして、中津川ら<sup>5)</sup>の提案したべき乗貯留関数を採用した。RTモデルや融雪熱量温度計モデルから表面融雪量が算出されると、べき乗貯留関数を使用した積雪層浸透モデルから、

$$R = m'S^3 \quad \dots (3)$$

$$dS/dt = (M + P) - R \quad \dots (4)$$

積雪層を通過して積雪底面から流出する積雪底面流出量 ( $R$ ) が算出される。ここで、 $R$ : 積雪底面流出量 (mm)、 $P$ : 雨量 (mm)、 $S$ : 貯留量 (mm)、 $M$ : 表面融雪量 (mm)、 $m'$ : 係数となる。実測値に対する重回帰分析から係数は $m'=2.0 \times 10^4$ とした。

## 3.2 観測データに基づいた統計モデル

### 3.2.1 モデルの構成

積雪融雪観測の観測値を使用した統計的推定法は、積雪表面で外環境の気温から積雪が融解する融雪量を推定する「表面融雪量算出」と、その表面融雪水が積雪層内を浸透して積雪底面まで通過していくことを表現する「積雪層内通過量算出」と、積雪層を通過するのに要する時間を遅れ時刻として表現する「遅延処理」の、3段階で構成した。

全ての機器が出力する観測項目から、積雪底面からの流出量に関連の強い項目を選定し、気温計・雨量計・融雪熱量温度計(透明・黒塗)・積雪深計の出力値を説明変数として、各段階での推定式を決定した。表面融雪量算出のステップでは、2つのモデルを構築した。融雪熱量温度計(透明)を入力とする統計モデル(透明)と、融雪熱量温度計(黒塗)を入力データとする統計モデル(黒塗)である。2段階目となる積雪層内通過量算定では、表面融雪量算定の段階

でどちらのモデルを使用したかによって異なる定数の推定式とした。最終段階となる遅延処理では共通の推定式とした。

### 3.2.2 表面融雪量算出

気温・雨量・融雪熱量温度(透明・黒塗)を説明変数とした線形から3次までの多項式を推定式と仮定してフィッティングを行い、推定式を決定した。表面融雪量算定の推定式は、次のような2次多項式となった。

$$R_M = a_1x^2 + b_1x + c_1 \quad \dots (5)$$

ここで、 $R_M$ : 表面融雪量 (mm)、 $x$ : 融雪熱量温度計(透明: $x=x_t$ 、あるいは黒塗: $x=x_b$ )、係数: $a_1, b_1, c_1$ である。観測データを使用して、3つの係数のパラメータ推定を行なった。融雪熱量温度計(黒塗)の計測値を入力データとして使用する場合は、 $a_1=4.0 \times 10^{-4}$ ,  $b_1=0.013$ ,  $c_1=0.06$ 、融雪熱量温度計(透明)の計測値を入力データとして使用する場合は、 $a_1=4.0 \times 10^{-4}$ ,  $b_1=0.014$ ,  $c_1=0.05$ となった。

### 3.2.3 積雪層内通過量算出

表面での融解および降雨によって融雪水が積雪表面に発生した場合、その後、積雪層内を融雪水が浸透流下する。このときに、浸透流下しようとする融雪水の量と、積雪の量(深さ)あるいは積雪内部の乾燥状態との兼ね合いで、融雪水が積雪底面にまで達するか、あるいは積雪層内に留まるかといった現象が起こりえる。そこで、融雪水と降雨が供給されたとき、その積雪層を通過する水量を次のようなべき乗関数を用いて推定する。

$$R_P = (R_M + R_r)(1 - k_1 D^{n_1}) \quad \dots (6)$$

ここで、 $R_P$ : 積雪層内通過量 (mm)、 $R_M$ : 表面融雪量 (mm)、 $R_r$ : 降雨量 (mm)、 $D$ : 積雪深 (mm)、係数: $k_1, n_1$ である。3.3.2と同様に観測データを使用して2つの係数を求めた。融雪熱量温度計(黒塗)の計測値から $R_M$ を算出した場合は、 $k_1=1.4 \times 10^5$ ,  $n_1=1.4$ 、融雪熱量温度計(透明)からの $R_M$ の場合は、 $k_1=1.2 \times 10^5$ ,  $n_1=1.4$ となった。

### 3.2.4 遅延処理

積雪層内を融雪水が浸透流下して積雪底面までに到達するのに要する時間(タイムラグ)は、積雪深や積雪層内部の飽和度に大いに影響される。一方、日射や気温上昇などの熱量を受けている日中に分単位で融雪水量を推定することが、鉄道運行に利用する場合に望ましい。そのためには、表面融雪現象と積雪底面流出が発現するまでのタイムラグを考慮した時系列情報として推定することが必要になる。

タイムラグを遅延時間として処理する方法としては、ここでは、融雪水量の推定を行う時間間隔を単位として、処理が行われるタイムステップの回数を遅延処理として算定することとした。遅延時間算出の推定式は、

$$N_d = k_2 D^{n_2} \quad \dots (7)$$

ここで、 $N_d$ : 遅延回数、 $D$ : 積雪深 (mm)、係数: $k_2$ 、 $n_2$  である。遅延回数は、解析上のタイムステップの回数と考え、例えば、10分ピッチに推定解析を実施しているのであれば、遅延時間は $N_d \times 10$ 分となり、式(6)で求めた $R_p$ の水量が( $N_d \times 10$ )分後に積雪底面流出として地表面に供給されることを表現する。観測データを対象としたパラメータ推定から、融雪熱量温度計の透明と黒塗のどちらに対しても同じ $k_2=1.05 \times 10^3$ 、 $n_2=1.3$ となった。

#### 4. 推定解析の結果と考察

3章で構築した推定モデルを使用して、観測地での融雪期における積雪底面流出量の推定解析を実施した。RTモデルによる推定と融雪ライシメータの観測値を図6に示す。融雪ライシメータの観測値は正しい実測値と判断しているため、図6は推定の精度を示している。

RTモデルは1時間毎の時間間隔で推定解析しているため、融雪ライシメータの実測値も図6では1時間単位での数値に換算している。積雪底面流出のタイミングに関する傾向については、時系列の波形として比較的同じと認められる結果となっている。このRTモデルでの実測値とのRMSEは0.66mm/hとなり、融雪最盛期(4月後半)の融雪強度が4~6mm/hであるのに対して、推定誤差が10%程度であることが判る。

一方、統計モデルは、観測データの出力時間間隔毎に推定を行うため、ここでは10分ごとの推定値の算出となる。統計モデル(透明)でのRMSEは0.1737mm/10min、統計モデル(黒塗)でのRMSEは0.1730mm/10minであった。

観測地での観測データを基に設定した推定モデルのまま、この観測地の近隣にある駅で観測しているデータを用いて推定解析を行なった。4つのモデルによる融雪水推定量を図7に示す。駅での観測ピッチが10分間隔であったため、1時間ピッチでの推定係数を求めているRTモデルと融雪熱量温度計モデルについては、換算の処理を行なっている。4つの推定モデルによる積雪底面流出量は、RTモデルが最も小さな数値を示し、その次に融雪熱量温度計モデル、統計モデル(透明・黒塗)の順の傾向が認められる。これは熱収支法の理論解に対して、使用している観測機器の熱量計測に対する精度を含み、それぞれの推定モデルの精度の順序とも一致している。

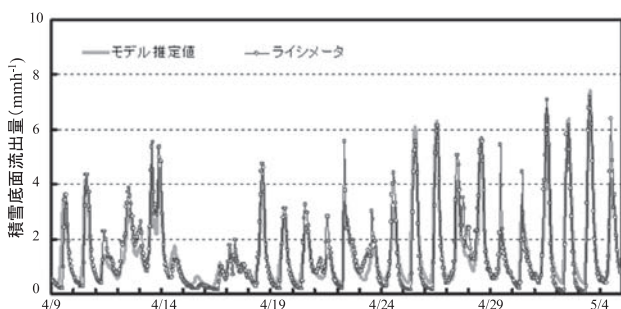


図6 ライシメータ実測値とRTモデルによる推定値の比較(2010年4月9日から5月4日)

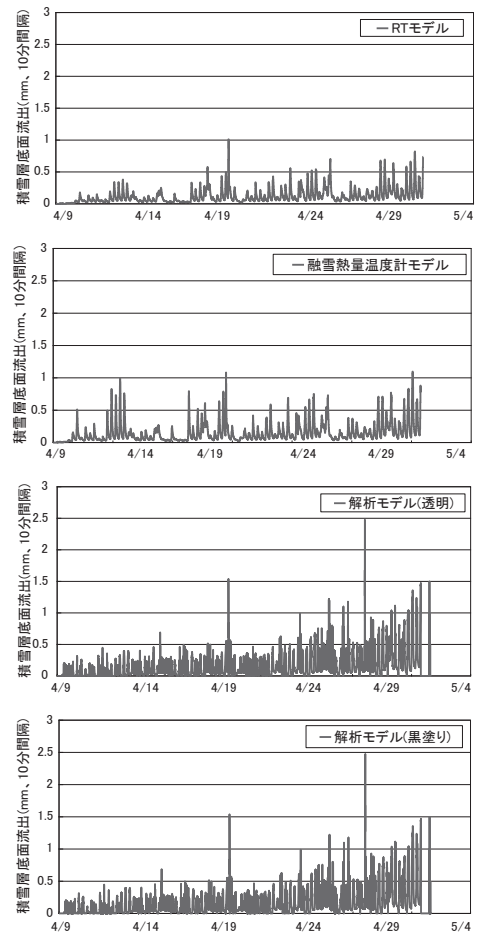


図7 4つの推定モデルによる融雪水量推定の比較(2010.4.9-5.4)

#### 5. 今後の進め方

観測データを基に4つの融雪水量推定モデルを構築し、2009/10冬季の観測データを基にパラメータの最適化してシステムの同定を行い、各推定式を提案できた。推定の精度は誤差が10%程度であることがわかったが、今後は、2010/11冬季観測データを待って精度評価および推定方法の整合性について検討する。また、営業線沿線に試験的に設けた観測機器を使用した融雪水量モニターランを試行して、4つの推定モデルの評価や具体的な鉄道事業への適用方法の検討を行う。

##### 参考文献

- 1) Kattelmann, R.C.: Snowmelt lysimeters: design and use, Proceedings of the 52th Western Snow Conference, pp.68-79, 1984.
- 2) 河島・松元・伊豫部・外狩・島村・廣瀬: 時間融雪量を推定するための簡易センサの開発とその精度評価, 雪氷研究大会概要集, 2010.9.
- 3) 松元・河島・外狩・島村: 気温・日射量を指標とする表面融雪量モデルと積雪層モデルとを組み合わせた積雪底面流出量の推定, 雪氷, no.72, vol.4, pp.255-270, 日本雪氷学会誌, 2010.7
- 4) Konya, K., et al.: Surface heat balance and spatially distributed ablation modeling at Koryto Glacier, Kamchatka Peninsula, Russia, Geografiska Annaler, 86A, 337-348, 2004.
- 5) 中津川・工藤・星: 積雪貯留を考慮した汎用的な融雪流出解析, 水工学論文集, vol.48, 37-42, 2004.2